

## 6 心 条件付き確率と事象の独立

2024年度 基礎数学B1(火曜4限)

入学年度	学部	学科	組	番号	検	フリガナ	
	B	1					氏名

- ① 箱には赤玉2個と白玉3個が入っている。箱の中から無作為に1個の玉を選び、その玉を元へ戻さず無作為にもう1個の玉を選ぶ。最初に選んだ玉が赤であるという事象をA、2番目に選んだ玉が赤であるという事象をBとする。

a)  $P_A(B)$ ,  $P_{\bar{A}}(B)$ ,  $P_A(\bar{B})$ ,  $P_{\bar{A}}(\bar{B})$ をそれぞれ求めよ。

b)  $P(A \cap B)$ ,  $P(\bar{A} \cap B)$ ,  $P(A \cap \bar{B})$ ,  $P(\bar{A} \cap \bar{B})$ をそれぞれ求め、次の表の空欄を埋めよ。

1個目 \ 2個目	赤 (B)	白 ( $\bar{B}$ )	計
赤 (A)			
白 ( $\bar{A}$ )			
計			1

c) 2個目の玉が白であったとして、最初の玉が赤である確率を求めよ。

d) 2個の玉が同色であったとして、その玉の色が赤である確率を求めよ。

- ② ある国では、男性1000人に1人の割合である病気に感染しているという。検査薬を用いると、感染しているれば0.98の確率で陽性反応が出る。一方、感染していない場合にも0.01の確率で陽性反応が出るという。この病気に感染しているという事象をA、検査薬によって陽性反応が出るという事象をBとする。

a) 事象A, B,  $\bar{A}$ ,  $\bar{B}$ ,  $A \cap B$ ,  $\bar{A} \cap B$ ,  $A \cap \bar{B}$ ,  $\bar{A} \cap \bar{B}$ の確率をそれぞれ求め、表にまとめよ。

検査 \ 病気	陽性	陰性	計
感染			
非感染			
計			1

b) ある男性が検査を行ったところ、陽性であった。この男性が実際に病気に感染している確率はおおよそどれくらいか。答えはパーセンテージで表し、小数第2位で四捨五入した値で示せ。

3]  $c, o, f, f, e, e$  の文字が 1 字ずつ書かれた 6 枚のカードが入っている箱がある。この箱の中から無作為に 1 枚ずつカードを取り出し、順に 1 列に並べる。標本空間  $\Omega$  は、すべての結果が同様に確からしくなるように、2 つの  $e$  を区別して、6 枚のカード  $c, o, f_1, f_2, e_1, e_2$  を並べる順列全体とする。そして、 $e_1$  と  $e_2$  が隣り合う事象を  $A$ 、両端に子音 ( $c, f_1, f_2$ ) がくる事象を  $B$  とする。

a)  $n(\Omega), n(A), n(B), n(A \cap B)$  をそれぞれ求めよ。

b)  $P(A), P(B), P(A \cap B)$  を求めよ。

c) 事象  $A$  と  $B$  が独立であるかどうかを判定せよ。

4] 大小 2 個のさいころを同時に投げる。大小どちらかのさいころの目が奇数である事象を  $A$ 、2 つのさいころの目の差の絶対値が 2 以下である事象を  $B$  とする。

a) 確率  $P(A), P(A \cap B), P_A(B)$  を求めよ。

b) 2 つのさいころの目の差が 2 以下であるとき、大小どちらかのさいころの目が奇数である確率を求めよ。

c) 事象  $A$  と  $B$  は独立であるかどうかを判定せよ。