

入学年度	学部	学科	組	番号	検	フリガナ
						氏名

1 λ を正の数とすると、 λ をパラメータとする指数分布 X とは、確率密度関数が

$$f(x) = \begin{cases} ce^{-\lambda x} & x \geq 0 \\ 0 & x < 0 \end{cases}$$

で与えられる分布である。ここで c はある正定数である。いま、

$$\int_0^{+\infty} e^{-\lambda x} dx = \frac{1}{\lambda}, \quad \int_0^{+\infty} xe^{-\lambda x} dx = \frac{1}{\lambda^2}, \quad \int_0^{+\infty} x^2 e^{-\lambda x} dx = \frac{2}{\lambda^3}$$

であることを知って、 $f(x)$ が確率密度関数になるように c の値を定め、平均 $\mu = E(X)$ 、標準偏差 $\sigma = \sigma(X) = \sqrt{V(X)}$ をそれぞれ求めよ

2 ある交差点である時間にタクシーが空車で通過する間隔 X (分) は次の確率密度関数で表される指数分布に従っていると仮定する。

$$f(x) = \begin{cases} 2e^{-2x} & x \geq 0 \\ 0 & x < 0 \end{cases}$$

- 平均到着間隔 $E(X)$ はいくらか。
- 到着間隔の標準偏差 $\sigma(X)$ を求めよ。
- 3 分間タクシーが捕まらない確率を求めよ。