

8 次の関数の増減，極値，グラフの凹凸および変曲点を調べ，そのグラフをかけ．

a) $f(x) = x^4 + 2x^3 - 1$

b) $f(x) = \frac{4}{x^2 + 1}$

c) $f(x) = e^{-x^2/2}$

d) $f(x) = \frac{1}{x} + \log x$

9 次の関数の最大値，最小値を求めよ．

a) $x + \sqrt{1-x^2}$ ($-1 \leq x \leq 1$)

b) $(2x-1)e^{-2x}$ ($0 \leq x \leq 3$)

10 長さ $2a$ の線分 AB を直径とする半円に内接する台形 $ABCD$ の面積 S の最大値を求めよ． [ヒント：台形の高さを h とおき，上底の長さを h で表せ.]

11 $f(x) = \log(1+x) - x$ とする．

a) $f(x)$ の定義域を述べよ．

b) $f(x)$ の定義域内での最大値を求めよ．また，そのときの x の値を求めよ．

c) $x > -1$ のとき，不等式 $\log(1+x) \geq x$ が成り立つことを証明せよ．