

1 関数  $g(x)$  に対し, 関数  $\frac{1}{g(x)}$  の導関数  $\left(\frac{1}{g(x)}\right)'$  を求めたい.

a)  $f(x) = \frac{1}{g(x)}$  とおき,  $f'(x)$  を求める. 分母を払った式  $f(x)g(x) = 1$  の両辺を微分し, 左辺の微分に積の微分公式を用い,  $f(x)$ ,  $f'(x)$ ,  $g(x)$ ,  $g'(x)$  の間に成り立つ関係式を求めよ.

b) a) で求めた関係式を  $f'(x)$  について解き,  $f'(x)$  を  $f(x)$ ,  $g(x)$ ,  $g'(x)$  で表せ.

c) b) において  $f(x)$  を  $\frac{1}{g(x)}$  で置き換え,  $f'(x)$  を  $g(x)$  と  $g'(x)$  のみで表すことにより,  $\left(\frac{1}{g(x)}\right)'$  を求めよ.

$$\left(\frac{1}{g(x)}\right)' =$$

2  $\frac{f(x)}{g(x)} = f(x) \times \frac{1}{g(x)}$  である. この右辺を積の微分公式を用いて微分し, 問題 1 c) で求めた微分公式を用いることにより, 商の微分公式  $\left(\frac{f(x)}{g(x)}\right)'$  を求めよ.

3 次の関数を変数  $x$  で微分せよ.

a)  $f(x) = \frac{2}{2x-1}$

$f'(x) =$

b)  $f(x) = \frac{1}{6x^3}$

$f'(x) =$

c)  $f(x) = \frac{x-5}{x^2+5}$

$f'(x) =$

d)  $f(x) = \frac{x^2-1}{x^2+1}$

$f'(x) =$

e)  $f(x) = \frac{x}{x^2-x+1}$

$f'(x) =$

f)  $f(x) = \frac{x^2+5x}{x-4}$

$f'(x) =$