

1 a) $f(x) = e^x$ とすると, 自然対数関数 $\log x$ はその逆関数である, すなわち $f^{-1}(x) = \log x$ である. 逆関数の微分公式と $f'(x) = e^x$ であることを用い, $\log x$ の導関数を求めよ.

b) $g(x) = \log x$ とおいたとき, a) を用いて $g'(1)$ の値を求めよ.

c) b) を用い, 極限 $\lim_{h \rightarrow 0} \frac{\log(1+h)}{h}$ の値を求めよ.

d) $\frac{\log(1+h)}{h} = \log(1+h)^{\frac{1}{h}}$ であることと, c) を用いて $\lim_{h \rightarrow 0} (1+h)^{\frac{1}{h}}$ の値を求めよ.

e) d) において $h = \frac{1}{n}$ とおくことにより, 極限 $\lim_{n \rightarrow \infty} \left(1 + \frac{1}{n}\right)^n$ の値を求めよ.

学籍番号 : _____ 氏名 : _____

2 a) $\lim_{h \rightarrow 0} \frac{\log(1+h)}{h} = 1$ は既知であるとして $\lim_{h \rightarrow 0} \frac{\log\left(1 + \frac{h}{x}\right)}{h}$ を求めよ.

b) $\log x$ の導関数を定義を直接用いて求めよ.

3 $f(x)$ に対し, $(\log f(x))'$ を $f(x)$ と $f'(x)$ を用いて表せ.

4 次関数の導関数を求めよ.

a) $f(x) = e^{-x^2}$

b) $f(x) = x^2 e^{-2x}$

c) $f(x) = \log(x^2 + 1)$

d) $f(x) = e^x \log x$

e) $f(x) = x \log x$

f) $f(x) = x^2(\log x)^3$

g) $f(x) = \log(1 + \sqrt{x^2 + 1})$

h) $f(x) = \frac{e^x}{1 - e^x}$

i) $f(x) = \frac{x}{(\log x - 1)}$