

1 3次元空間の平面  $x - 2y + 2z = 0$  に関する対称変換  $S$  を表現する行列を求めたい。

a)  $x - 2y + 2z = 0$  で表わされる平面 (=  $\mathbf{R}^3$  の部分空間) の基底を一つ求めよ。それを  $\vec{g}_1, \vec{g}_2$  とする。

b) a) で得られた基底に  $x - 2y + 2z = 0$  の法線ベクトル  $\vec{g}_3 = \begin{pmatrix} 1 \\ -2 \\ 2 \end{pmatrix}$  とをあわせた三つのベクトルからなる組  $\vec{g}_1, \vec{g}_2, \vec{g}_3$  は  $\mathbf{R}^3$  の基底となることを示せ。

c)  $S(\vec{g}_1), S(\vec{g}_2), S(\vec{g}_3)$  をそれぞれ  $\vec{g}_1, \vec{g}_2, \vec{g}_3$  の1次結合とし、それをもとに、基底  $\vec{g}_1, \vec{g}_2, \vec{g}_3$  に関する  $S$  の表現行列を求めよ。

d)  $S$  の標準基底に関する表現行列を求めよ。

2  $A = \begin{pmatrix} 3 & -2 \\ 1 & 6 \end{pmatrix}$  とする.  $A$  の固有値と固有ベクトルを求めよ.

3  $B = \begin{pmatrix} -2 & 2 & 3 \\ -2 & 3 & 2 \\ -4 & 2 & 5 \end{pmatrix}$  とする.  $B$  の固有値と固有ベクトルをもとめよ.