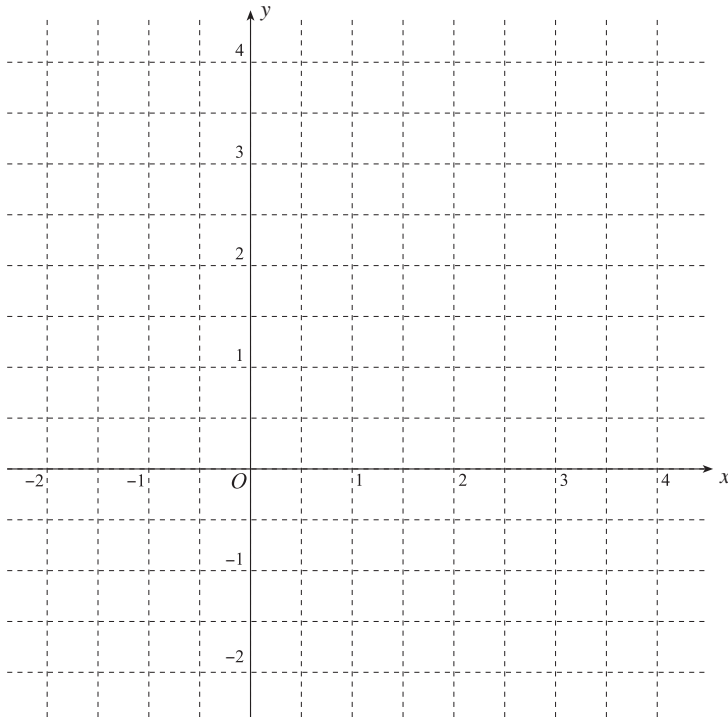


1 関数  $y = e^x$  について, いろいろな  $x$  に対する  $y$  の値は次の表のようになる.

$x$	-2	-1.5	-1	-0.5	0	0.5	1	1.5	2	2.5
$e^x$	0.1353	0.2231	0.3679	0.6065	1.0000	1.6487	2.7183	4.4817	7.3891	12.183

これを利用して, 指数関数  $y = e^x$  のグラフを描き, そのグラフの  $(0, 1)$  における接線を引いてみよ. また, 対数関数  $y = \log x$  は  $y = e^x$  の逆関数であることを用い,  $y = \log x$  のグラフを描き,  $(1, 0)$  における接線を引いてみよ.



2  $(e^x)' = e^x$  であることと逆関数の微分法を用いて対数関数  $\log x$  の導関数を求めよ.

3  $\lim_{h \rightarrow 0} \frac{e^h - 1}{h} = 1$  または  $\lim_{h \rightarrow 0} \frac{\log(1+h)}{h} = 1$  を用い, 次の各々の関数の導関数を定義を直接用いて求めよ.

a)  $f(x) = e^{ax+b}$

b)  $f(x) = xe^x$

c)  $f(x) = \log ax^2$

4 次の関数の導関数を求めよ.

a)  $f(x) = e^{-x^2}$

b)  $f(x) = x^2 e^{-2x}$

c)  $f(x) = \log(x^2 + 1)$

d)  $f(x) = e^x \log x$

e)  $f(x) = x \log x$

f)  $f(x) = \frac{2x - 5}{3x^2 + 1}$

g)  $f(x) = \sqrt[3]{2x^2 + 5}$

h)  $f(x) = \frac{1}{x + \sqrt{x^2 - 1}}$

i)  $f(x) = \frac{e^x}{1 - e^x}$

j)  $f(x) = \frac{x}{(\log x - 1)}$