

1 次の名組の式を因数分解し、最大公約数と最小公倍数を求めよ.

a) $x^2 - 4, x^2 + 4x + 4$

$$x^2 - 4 =$$

$$x^2 + 4x + 4 =$$

$$\text{最大公約数} =$$

$$\text{最小公倍数} =$$

b) $x^2 - x - 2, x^3 + 1$

$$x^2 - x - 2 =$$

$$x^3 + 1 =$$

$$\text{最大公約数} =$$

$$\text{最小公倍数} =$$

c) $x^2 - 1, x^3 + 1, x^3 + 2x^2 + 2x + 1$

$$x^2 - 1 =$$

$$x^3 + 1 =$$

$$x^3 + 2x^2 + 2x + 1 =$$

$$\text{最大公約数} =$$

$$\text{最小公倍数} =$$

2 次の分数式を約分せよ.

a) $\frac{5x^2}{10x^3} =$

b) $\frac{8xy^3}{12x^2y^2} =$

c) $\frac{2x}{6x^2 - x} =$

d) $\frac{6x^2 + 6ax}{3a^2x} =$

e) $\frac{x^2 - 1}{x^2 + x} =$

f) $\frac{x^2 - x - 2}{x^2 - 4x + 4} =$

g) $\frac{x^3 + 1}{x^3 - x} =$

h) $\frac{x^3 + 8}{x^2 + 6x + 8} =$

3 次の計算をせよ.

a) $\frac{1}{x} \times \frac{x^2}{y} =$

b) $\frac{a}{x} \div \frac{a^2}{x^2} =$

c) $\frac{3abc}{2a^2} \times \frac{8a}{9b^2c} =$

d) $\frac{ab}{xy} \times \frac{y^2}{x^2} \div \frac{bc}{y} =$

4 次の計算をせよ.

a) $\frac{x}{x^2-1} \times \frac{x^2-3x+2}{x^2+2x} =$

b) $\frac{2x+4}{x^2+x-12} \times \frac{x-3}{x^2+6x+8} =$

c) $\frac{x-4}{x-2} \div \frac{x^2-5x+4}{x^2-4} =$

d) $\frac{x^2-9}{x+2} \div (x^2-x-6) =$

5 次の計算をせよ.

a) $\frac{2x}{x+5} - \frac{x-5}{x+5} =$

b) $\frac{x-2}{2x} + \frac{x+3}{3x} =$

c) $x + \frac{x+1}{x-1} =$

d) $\frac{1}{x} - \frac{1}{x+1} =$

e) $\frac{1-x}{1+x} + \frac{1+x}{1-x} =$

f) $\frac{4x}{x^2-1} - \frac{x-1}{x^2+x} =$

6 次の計算をせよ.

a) $\frac{\frac{c}{ab}}{ab^2c} =$

b) $\frac{\frac{bc}{ad}}{\frac{b^2}{a}} =$

c) $\frac{1}{1 - \frac{1}{x+1}} =$

d) $\frac{1 - \frac{1}{x}}{x - \frac{1}{x}} =$

7] 次の計算をせよ.

a) $\left(\frac{x^2}{y} - \frac{y^2}{x}\right) \div \left(\frac{1}{y} - \frac{1}{x}\right) =$

b) $\frac{x}{x+y} + \frac{y}{x-y} - \frac{x^2+y^2}{x^2-y^2} =$

c) $\frac{1}{x} - \frac{y}{x(x+y)} - \frac{z}{(x+y)(x+y+z)} =$

d) $\frac{b-c}{(a+b)(a+c)} + \frac{c-a}{(b+c)(b+a)} + \frac{a-b}{(c+a)(c+b)}$
 $=$

8] 次の各式を簡単にせよ

a) $\sqrt{20} - \sqrt{45} + 4\sqrt{5} =$

b) $\sqrt{15}\sqrt{10} - 2\sqrt{54} + 3\sqrt{24} =$

c) $(\sqrt{3} - 3\sqrt{2})(2\sqrt{3} + \sqrt{2}) =$

d) $(\sqrt{3} + 2\sqrt{5})^2 - (\sqrt{3} - 2\sqrt{5})^2 =$

9] 次の各式の分母を有理化せよ.

a) $\frac{1}{3 - \sqrt{5}} =$

b) $\frac{\sqrt{3}}{\sqrt{5} - \sqrt{2}} =$

c) $\frac{3 + 2\sqrt{2}}{3 - 2\sqrt{2}} =$

10] ある川にそって、 a km 離れている 2 地点 A, B がある. 川下の A 地点から川上の B 地点まで船で往復するとき、船の静水での速さを毎時 u km, 川の流れの速さを毎時 v km ($v < u$) とし、次のものを求めよ. [ヒント: A 地点から B 地点までさかのぼる速さは $(u - v)$ km/時, B 地点から A 地点までくだる速さは $(u + v)$ km/時]

a) 往復にかかる時間

b) 往復の平均の速さ

11] 右のような台形 ABCD を、AB のまわりに回転してできる立方体 (円錐台) の体積を、次の順に考えて求めよ.

a) OA, OB を a, b, h で表せ.

b) $\triangle OAD$, $\triangle OBC$ を、OB のまわりに回転してできる 2 つの円錐の体積を求めよ.

